

計算科学が拓く世界  
**スーパーコンピュータは  
何故スーパーか**

学術情報メディアセンター  
中島 浩

<http://www.para.media.kyoto-u.ac.jp/jp/>  
**username=super password=computer**



## 講義の概要

© 2011 H. Nakashima

### ■ 目的

- 計算科学に不可欠の道具**スーパーコンピュータ**が
  - どういうものか
  - なぜスーパーなのか
  - どう使うとスーパーなのかについて**雰囲気**をつかむ

### ■ 内容

- スーパーコンピュータの歴史を概観しつつ
- スーパーである基本原理を知り
- どういう計算が得意であるかを学んで
- それについて**レポート**を書く


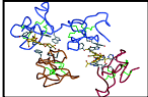




## スーパーコンピュータ (スパコン) とは (1)

- パソコンの数千倍～数万倍の規模・性能を持つ  
巨大な超高速コンピュータ
  - 世界最大・最高速マシン ≒パソコン x **10万**
  - 京大スーパーコンピュータ ≒パソコン x **5千**
  - パソコンで丸1日かかる計算 = **1秒～数10秒**  
(ただしスパコン向きの問題をうまくプログラムしたら)
- スパコンが高速な理由
  - 個々の部品(CPU, メモリなど)≒パソコン
  - 非常に多数のパソコン(のようなもの)の集合体
    - パソコン = 1~4 CPU
    - 京大スパコン = **6,656 CPU**
    - 世界最高速スパコン = **86,016 CPU + 100,352 GPU**
    - 世界最大規模スパコン = **294,912 CPU**



## スーパーコンピュータ (スパコン) とは (2)

- スパコンが得意な計算 = 大量CPUによる分担計算  
= 超大量のデータを対象とする計算
  - 地球全体の気象・気候・海洋現象の予測  
→ **1km<sup>2</sup>** あたり1データ  
→ データ数 ≒ **5億** (x 高さ方向) 
  - 生体物質・化学物質・材料の解析  
→ **膨大な分子・原子数**  
(e.g. 水1ml = **3.3 x 1兆 x 100億**) 
  - 自動車の空力・衝突解析  
→ **1mm<sup>2</sup> or 1cm<sup>3</sup>** あたり1データ  
→ データ数 = **1~10億** 
  - Web 文書の解析  
(←自動翻訳用データ作成など)  
→ 文書数 = **数億～数10億** 

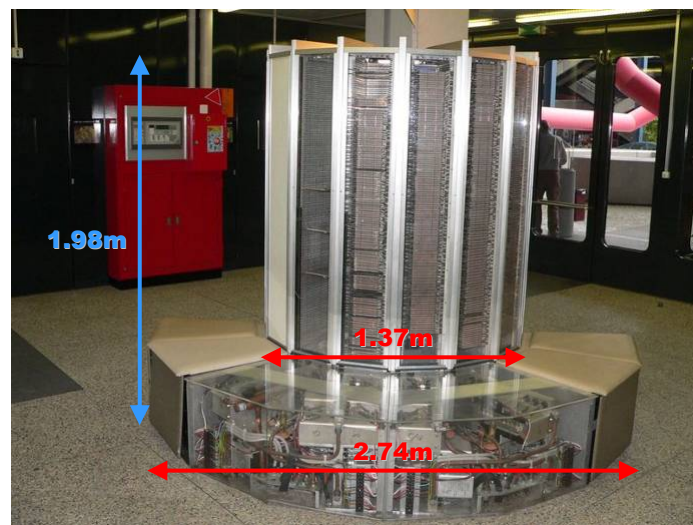


## そもそもの始まり:ベクトルマシン (1)

- 1976年:最初のスパコン**Cray-1**登場
  - 動作周波数=80MHz (< 携帯電話)
  - 演算性能=**160MFlops** (< 携帯電話)
    - Flops: Floating-point Operation Per Second  
= 10進16桁精度の数値( $10^{-308}$ ~ $10^{308}$ )の加減乗算回数/秒  
→160MFlops = 毎秒1億6千万回の加減乗算
  - 消費電力=115kW
  - 大量の数値データ(ベクトル)に対する同種演算が得意
- 1976年(中島=20歳)での「スーパー」度
  - 最速@京大(富士通 F230-75) < 5MFlops
  - 最速@京大情報工学科(日立 H8350) < 1MFlops
  - Intel 8086/87(1978/80)  $\approx$  50KFlops



## そもそもの始まり:ベクトルマシン (2)



source: <http://en.wikipedia.org/wiki/Image:Cray-1-p1010221.jpg>



少し寄り道:スーパーコンピュータの原理  
ベクトル計算の原理 (1)

© 2011 H. Nakashima

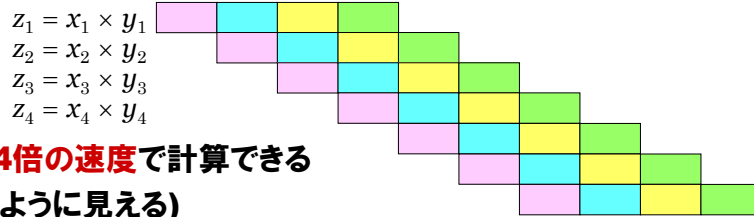
- 大量数値データの同種演算を高速に行う方法

例:  $z_i = x_i \times y_i$  ( $i = 1, 2, \dots$ )

- 1つの乗算をいくつか(たとえば4つ)の小さい操作に分ける

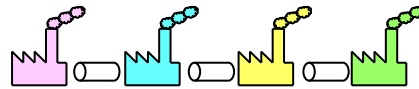
$$z_i = x_i \times y_i$$

- 多数の乗算を1小操作ずつずらして行う



→ 4倍の速度で計算できる  
(ように見える)

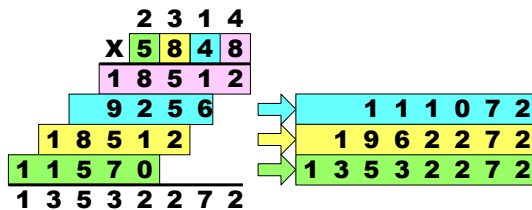
→ (演算)パイプライン処理



少し寄り道:スーパーコンピュータの原理  
ベクトル計算の原理 (2)

© 2011 H. Nakashima

- 乗算を4分割してずらす考え方(たとえ話 ≠ 真実)



$$2314 \times 5848 = 13532272$$

$$2314 \times 8 + 2314 \times 40 + 2314 \times 800 + 2314 \times 5000$$

$$7872 \times 6752 = 53151744$$

$$7872 \times 2 + 7872 \times 50 + 7872 \times 700 + 7872 \times 6000$$

$$1778 \times 7142 = 12698476$$

$$1778 \times 2 + 1778 \times 40 + 1778 \times 1000 + 1778 \times 7000$$

$$8485 \times 1651 = 13843635$$

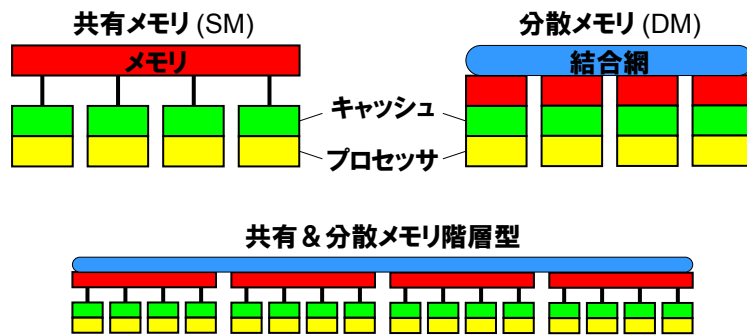
$$8385 \times 1 + 8385 \times 50 + 8385 \times 600 + 8385 \times 1000$$



スーパーコンピュータの歴史(に戻って)  
もう一つの方法: 並列マシン(1)

© 2011 H. Nakashima

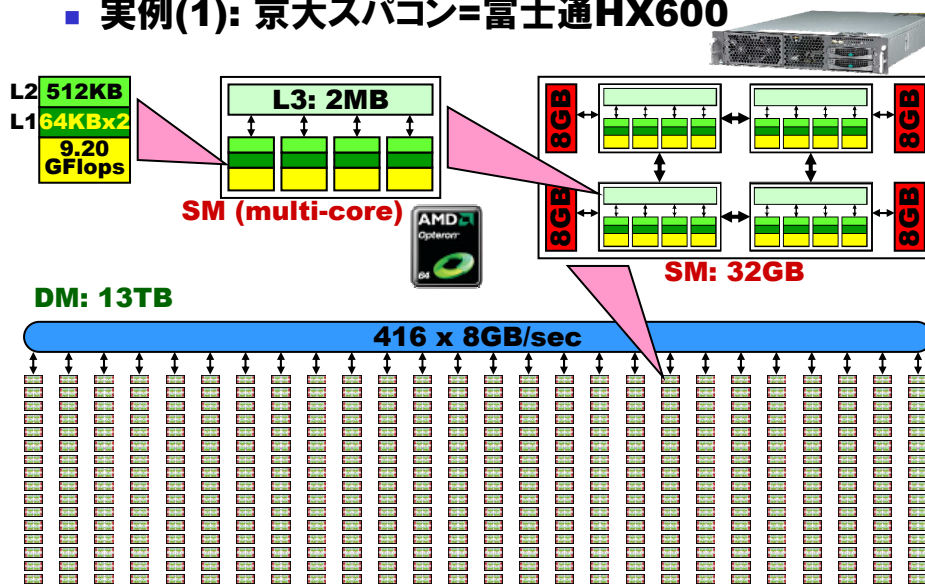
- 1980年代: スカラーマルチプロセッサ台頭
  - 多数のパソコン(のようなもの)の集合体
  - **Sequent Balance : 20 x NS32016 ('84)**
  - **Intel iPSC/1: 128 x i80286 ('85)**



スーパーコンピュータの歴史  
もう一つの方法: 並列マシン(2)

© 2011 H. Nakashima

- 実例(1): 京大スパコン=富士通HX600

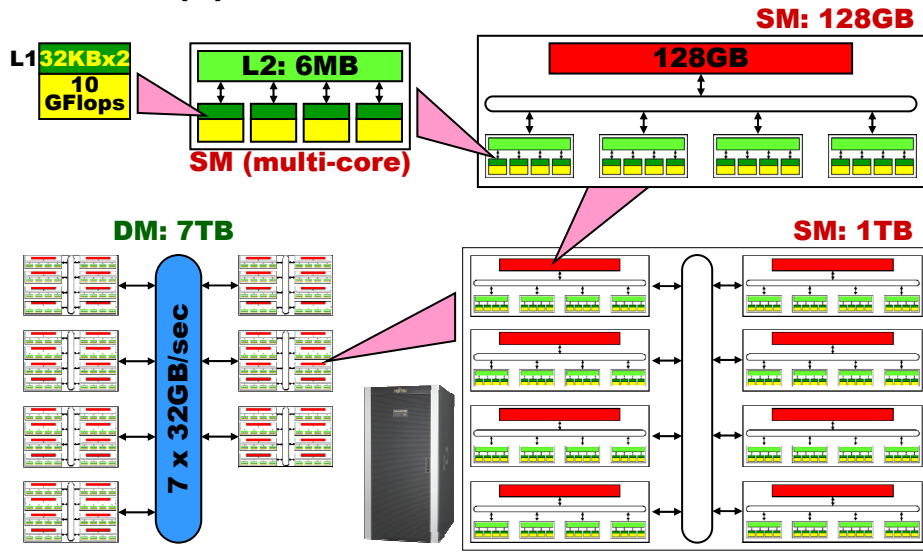




## スーパーコンピュータの歴史 もう一つの方法: 並列マシン(3)

© 2011 H. Nakashima

### ■ 実例(2): 京大スパコン=富士通SE M9000



## スーパーコンピュータの歴史 もう一つの方法: 並列マシン(4)

© 2011 H. Nakashima

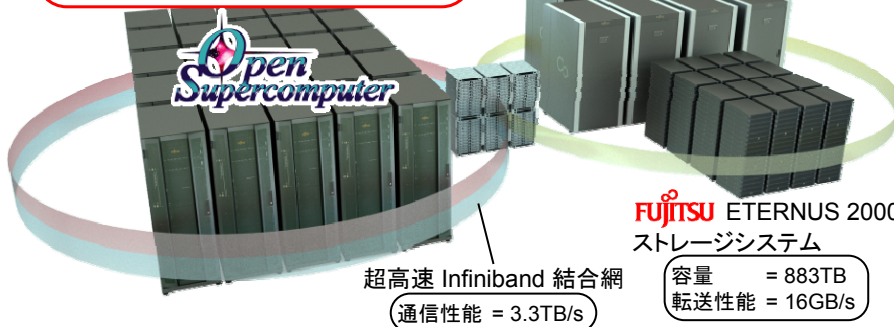
### ■ 京大スパコンの全体像

#### FUJITSU HX600 クラスタ

ノード数	= 416
コア数	= 16 x 416 = 6656
ピーク性能	= 61.2 TFlops
Linpack 性能	= 50.5 TFlops (#158)
メモリ容量	= 13 TB

#### FUJITSU SPARC Enterprise M9000 fat node サブシステム

ノード数	= 7
コア数	= 128 x 7 = 896
ピーク性能	= 8.96 TFlops
メモリ容量	= 1TB x 7 = 7 TB





## また少し寄り道:スーパーコンピュータの原理 並列計算の原理

© 2011 H. Nakashima

### ■ 大量CPUによる同じ(ような)計算の分担方法

例:  $z_i = x_i \times y_i$  ( $i = 1, 2, \dots, n$ )

- $n$  組のデータを  $p$  個のCPUに均等に分割する
- それぞれのCPUが割当てられた計算をする
- おしまい

$$\begin{aligned} z_1 &= x_1 \times y_1 \\ z_2 &= x_2 \times y_2 \\ &\vdots \\ z_{n/4} &= x_{n/4} \times y_{n/4} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} z_{n/4+1} &= x_{n/4+1} \times y_{n/4+1} \\ z_{n/4+2} &= x_{n/4+2} \times y_{n/4+2} \\ &\vdots \\ z_{2n/4} &= x_{2n/4} \times y_{2n/4} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} z_{2n/4+1} &= x_{2n/4+1} \times y_{2n/4+1} \\ z_{2n/4+2} &= x_{2n/4+2} \times y_{2n/4+2} \\ &\vdots \\ z_{3n/4} &= x_{3n/4} \times y_{3n/4} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} z_{3n/4+1} &= x_{3n/4+1} \times y_{3n/4+1} \\ z_{3n/4+2} &= x_{3n/4+2} \times y_{3n/4+2} \\ &\vdots \\ z_n &= x_n \times y_n \end{aligned}$$



## スーパーコンピュータの歴史(にまた戻って) ベクトル vs 並列 (1)

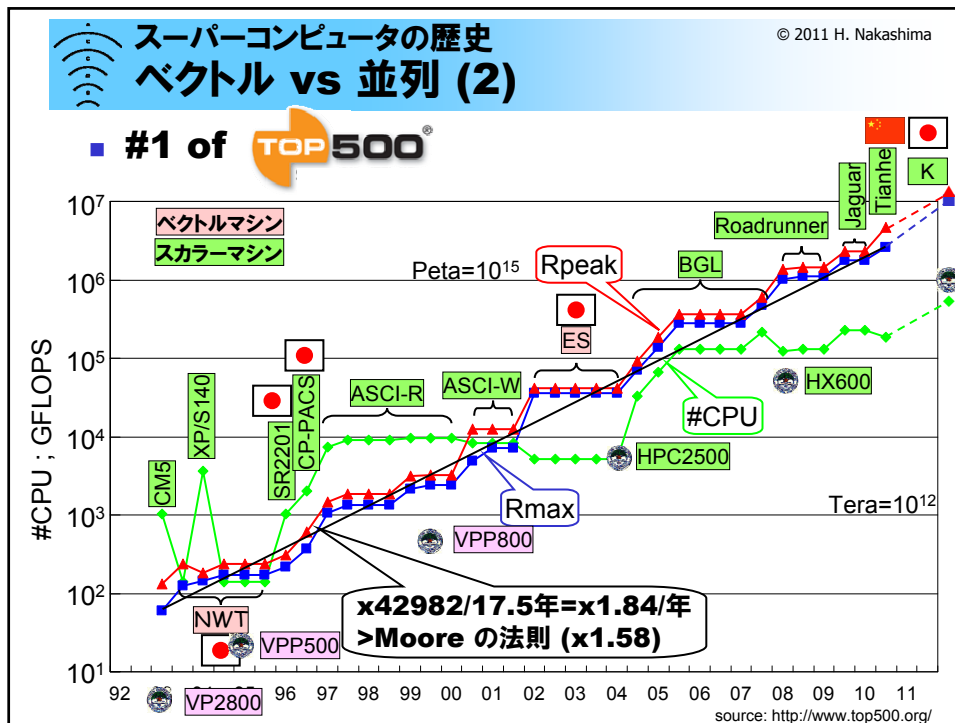
© 2011 H. Nakashima

### ■ 1990年代:ベクトル並列 vs スカラー並列

- TOP-10 of **TOP500**® @ 1993.6

machine	#proc	Rmax	Rpeak
TMC CM-5	1024	59.7	131.0
TMC CM-5	544	30.4	69.6
TMC CM-5	512	30.4	65.5
TMC CM-5	512	30.4	65.5
NEC SX-3	4	23.2	25.6
NEC SX-3	4	20.0	22.0
TMC CM-5	256	15.1	32.8
Intel Delta	512	13.8	20.5
Cray Y-MP	16	13.7	15.2
Cray Y-MP	16	13.7	15.2

- 巨大で(>100万元)密な連立一次方程式の求解性能に基づく世界中のスパコン順位表
- 1993.6から毎年2回発表(6月&11月)
- Rmax: 求解性能  
Rpeak: 理論最大性能  
(単位GFlops: 毎秒10億演算)



- スーパーコンピュータの原理  
(いきなり&とりあえず) まとめ
- © 2011 H. Nakashima
- **ベクトルマシン**
    - 1つの演算を  $k$  個の小さい操作に分割する
    - 多数の同種演算を1小操作ずつずらして行う
    - $k$  倍の速度で計算できる(ように見える)
    - 大量 ( $\gg k$ ) の同種演算が得意
  - **並列マシン**
    - 多数の同じ(ような)演算を  $p$  個のCPUに分割
    - それぞれのCPUが割当てられた計算をする
    - $p$  倍の速度で計算できる(ように見える)
    - 大量 ( $\gg p$ ) の同じ(ような)演算が得意
    - スパコンは大量の同じ(ような)演算(や処理)が得意





### 大量同種演算は何でも得意か? (1)

■ 超得意

$$z_i = x_i + y_i$$

■ 普通に得意

$$z_i = (x_{i-1} + 2x_i + x_{i+1}) / 4$$

■ 微妙に得意

$$Z = x_1 + x_2 + \dots + x_n$$

■ 何とかなる

$$z_i = x_{f(i)} \text{ s.t. } z_1 \leq z_2 \leq \dots \leq z_n$$

■ 全然ダメ

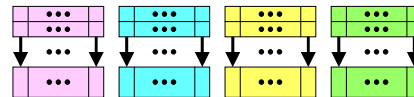
$$z_1 = f(x_1, 0), z_i = f(x_i, z_{i-1})$$



### 大量同種演算は何でも得意か? (2)

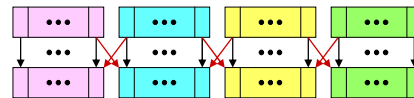
■ 超得意

$$z_i = x_i + y_i$$



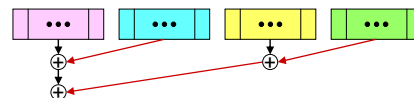
■ 普通に得意

$$z_i = (x_{i-1} + 2x_i + x_{i+1}) / 4$$



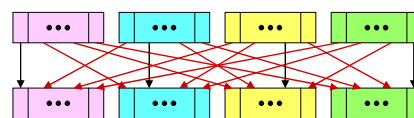
■ 微妙に得意

$$Z = x_1 + x_2 + \dots + x_n$$



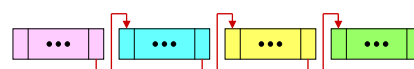
■ 何とかなる

$$z_i = x_{f(i)} \text{ s.t. } z_1 \leq z_2 \leq \dots \leq z_n$$



■ 全然ダメ

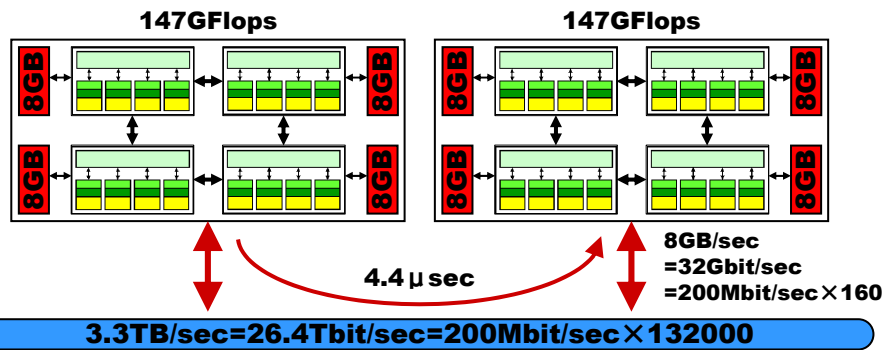
$$z_1 = f(x_1, 0), z_i = f(x_i, z_{i-1})$$





## 大量同種演算は何でも得意か? (3)

### ■ 京大スパコンの通信速度



- 1個の数値(8B)の通信時間 = 4.4 μ sec  
= 40480回の演算時間
- 10億個の数値(8GB)の通信時間 = 1秒  
= 1470億回の演算時間



## まとめ&課題

- スーパーコンピュータは ...
  - 大量の同じ(ような)演算(や処理)が得意
  - ただし演算どうしの依存性が少ないことが必要

→ そんな都合のよい問題はあるのか?
- そこでレポート課題  
(できればスパコンに適する大規模な)並列計算により高い性能が期待できる**実際的な**問題を一つ挙げ、なぜその問題が並列計算に適するのかを説明せよ。